

## 上升 (ascend)

### 【题目描述】

小 N 是一个喜欢事物呈上升趋势的女孩子，因为这往往意味着好事发生！

正是因为这样的爱好，对于一个  $1 \sim n$  的排列  $q_1, q_2, \dots, q_n$ ，小 N 也喜欢研究其上升的位置。具体地，她定义排列  $q$  中所有上升的位置构成的集合为  $S(q) = \{1 \leq i < n \mid q_i < q_{i+1}\}$ 。

上升是一件幸运的事情，但具体有多幸运却是难以量化的。于是小 N 决定给排列里的每一个位置赋权，从而去量化幸运值。具体地，她给出了一个非负整数序列  $w_1, w_2, \dots, w_{n-1}$ ，并定义排列  $q$  的幸运值为  $f(q) = \prod_{i \in S(q)} w_i$ 。特别地，若  $S(q) = \emptyset$ ，则  $f(q) = 1$ 。

小 C 是小 N 的好朋友，有一天，小 C 送了一个幸运的排列  $p_1, p_2, \dots, p_n$  给她。但由于种种意外，排列中有些位置的元素缺失了，这些缺失位置的值变成了 0。

收到礼物后，小 N 并没有为排列的不完整而感到难过，因为她惊奇地发现：排列中所有未缺失位置上的元素仍是单调递增的，即它们从左到右构成了一个单调递增的子序列。

小 N 顿时觉得自己是世界上最幸福的女孩子。同时，她也很好奇原来小 C 送的排列到底有多幸运。于是，她想要计算出符合  $p$  的所有排列  $q$  的幸运值  $f(q)$  之和。其中排列  $q$  符合  $p$  当且仅当：对于所有  $1 \leq i \leq n$ ，均有  $p_i = 0$  或  $q_i = p_i$ 。

你的任务是帮助小 N 求出，符合  $p$  的所有排列  $q$  的幸运值之和。

### 【实现细节】

选手不需要，也不应该实现 main 函数。

选手需要确保提交的程序包含头文件 ascend.h，即在程序开头加入以下代码：

```
1 #include "ascend.h"
```

选手需要在提交的程序源文件 ascend.cpp 中实现以下函数：

```
1 int ascend(int c, int n, int m, std::vector<int> p,
    std::vector<int> w);
```

- $c, n$  分别表示测试点编号、排列的长度。 $c = 0$  表示该测试点为样例。
- $p$  表示缺失了若干个位置后的小 C 的排列。对于  $0 \leq i < n$ ， $p_i$  表示缺失后的排列的第  $i + 1$  位的值。
- $w$  表示小 N 的权值序列。对于  $0 \leq i < n - 1$ ， $w_i$  表示第  $i + 1$  个位置的权值。
- 该函数需要返回符合  $p$  的所有排列  $q$  的幸运值  $f(q)$  之和对  $m$  取模后的结果。
- 对于每个测试点，该函数会被交互库调用恰好  $t$  次。

**【测试程序方式】**

选手可以在本题目录下使用如下命令编译得到可执行程序：

```
1 g++ grader.cpp ascend.cpp -o ascend -O2 -std=c++14 -static
```

对于编译得到的可执行程序：

- 可执行文件将从标准输入读入以下格式的数据：
  - 输入的第一行包含两个非负整数  $c, t$ ，分别表示测试点编号和测试数据组数。
  - 接下来依次为每组测试数据，对于每组测试数据：
    - \* 第一行包含两个正整数  $n, m$ 。
    - \* 第二行包含  $n$  个非负整数  $p_1, p_2, \dots, p_n$ 。
    - \* 第三行包含  $n - 1$  个非负整数  $w_1, w_2, \dots, w_{n-1}$ 。
- 可执行文件将输出以下格式的数据至标准输出：
  - 对于每组测试数据，输出一行一个非负整数，表示 `ascend` 函数的返回值。

**【样例 1 输入】**

```
1 0 1
2 3 6
3 0 2 0
4 2 3
```

**【样例 1 输出】**

```
1 1
```

**【样例 1 解释】**

共有以下两个排列  $q$  符合排列  $p$ ：

1.  $q = [1, 2, 3]$ ,  $S(q) = \{1, 2\}$ ,  $f(q) = w_1 \times w_2 = 2 \times 3 = 6$ ;
2.  $q = [3, 2, 1]$ ,  $S(q) = \emptyset$ ,  $f(q) = 1$ 。

因此，符合  $p$  的所有排列的幸运值之和为  $6 + 1 = 7$ ，对  $m = 6$  取模后的结果为 1。

**【数据范围】**

对于所有测试数据，均有：

- $1 \leq t \leq 5$ ;

- $2 \leq n \leq 500$ ,  $2 \leq m \leq 10^9$ ;
- 对于所有  $1 \leq i \leq n$ , 均有  $0 \leq p_i \leq n$ ;
- 序列  $p$  中所有不为 0 的元素构成一个单调递增的子序列;
- 对于所有  $1 \leq i \leq n - 1$ , 均有  $0 \leq w_i < m$ 。

| 测试点编号   | $n \leq$ | 特殊性质 |
|---------|----------|------|
| 1, 2    | 10       | 无    |
| 3, 4    | 20       |      |
| 5 ~ 7   | 500      | A    |
| 8 ~ 10  | 50       | B    |
| 11 ~ 13 | 150      |      |
| 14 ~ 18 | 500      |      |
| 19, 20  |          | 无    |

特殊性质 A: 对于所有  $1 \leq i \leq n$ , 均有  $p_i = 0$ 。

特殊性质 B:  $m \geq 5 \times 10^8$  且  $m$  为素数。